

## فرض تأليف رقم 2

### التمرين 1 (4 نقاط)

في التمرين التالي لكل سؤال إجابة واحدة صحيحة ضعها في إطار

(1) إذا كان  $ABC$  مثلثا قائما في  $A$  و  $I$  منتصف  $[BC]$  فإنّ

أ-  $AI \times BC = AB \times AC$       ب-  $BC = 2 AI$       ج-  $AI = 2 BC$

(2) العدد  $(2 - \sqrt{3})^{-1}$  يساوي : أ-  $2 - \sqrt{3}$       ب-  $\frac{9-\sqrt{3}}{3}$       ج-  $2 + \sqrt{3}$

(3) العدد  $|x - 3 + \sqrt{2}|$  ;  $x > 2$  يساوي أ-  $x - 3 + \sqrt{2}$       ب-  $x + 3 - \sqrt{2}$       ج-  $-x + 3 - \sqrt{2}$

(4) لنا العددين  $x$  و  $y$  حيث  $xy \in IR^*$  ;  $x \leq y$  فإنّ : أ-  $x^2 \leq y^2$       ب-  $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{y}$       ج-  $\frac{1}{x} \geq \frac{1}{y}$

### التمرين 2 (6 نقاط)

ليكن  $x$  عددا حقيقيا و لتكن العبارة التالية.

$$A = x^2 + 2x - 48$$

(1) أحسب القيمة العددية لـ  $A$  إذا علمت أنّ  $x = -2\sqrt{3}$

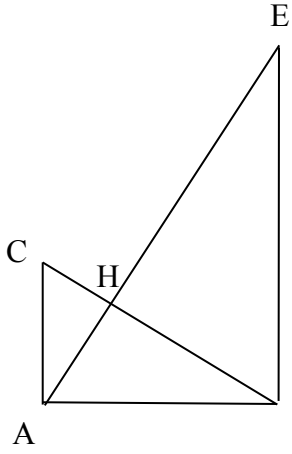
(2) أ- بيّن أنّ  $A = (x + 1)^2 - 49$

ب- بيّن أنّ  $A = (x - 6)(x + 8)$

ج- أوجد العدد الحقيقي  $x$  إذا علمت أنّ أ-  $A = 2x$       ب-  $A = 0$

(3) ليكن  $ABC$  مثلثا قائما في  $A$  حيث  $AC = a$  و  $AB = a + 2$  و  $BC = 10$  و  $a \in \mathbb{R}_+$

أ- أثبت أن  $a$  يحقق  $a^2 + 2a - 48 = 0$  ثم استنتج أن  $a = 6$



.....

.....

.....

.....

.....

.....

(4) لتكن النقطة  $H$  المسقط العمودي لـ  $A$  على  $(BC)$  أحسب  $CH$  و  $AH$

.....

.....

.....

.....

.....

(5) المستقيم المار من  $B$  و العمودي على  $(AB)$  يقطع  $(AH)$  في  $E$  أحسب  $BE$  و  $HE$

.....

.....

.....

.....

.....

**التمرين 3 (4 نقاط)** ليكن العددين  $a = \frac{1}{2-\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}}$  و  $b = \frac{\sqrt{27}+\sqrt{6}}{\sqrt{3}}$

(1) أ- أثبت أن  $a = 5 - \sqrt{3}$  و  $b = 3 + \sqrt{2}$

.....

.....

.....

.....

.....

ب- قارن بين  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$  و 2

ج- أستنتج أن  $b \geq a$  ثم قارن بين العددين  $a^2$  و  $b^2$

2) نعتبر العدد الحقيقي  $c = 2 - \sqrt{3}$

أ- قارن بين  $a$  و  $c$

ب- استنتج ترتيبا تصاعديا لـ  $\frac{1}{a}$  و  $\frac{1}{b}$  و  $\frac{1}{c}$  معللا ذلك.

#### التمرين 4 (6 نقاط)

أرسم مثلثا IJK متقايس الضلعين في I حيث  $IJ = 8$  و  $JK = 6$  و عين النقطة G من [JK] حيث  $GK = 2$

(1) أرسم النقطة N منتصف [IJ] و النقطة M منتصف [IK] أثبت أن  $(MN) \parallel (JK)$  و أحسب MN

(2) أرسم L مناظرة M بالنسبة إلى K أ - ماذا تمثل النقطة G بالنسبة للمثلث JML علل جوابك

ب- لتكن النقطة H منتصف [JL] بيّن أنّ النقاط M و G و H على استقامة واحدة

(3) أرسم المستقيم المار من L و الموازي لـ (JK) حيث يقطع (IJ) في F أثبت أنّ J منتصف [FN] و أحسب FL

(4) أرسم الدائرة التي قطرها [JK] حيث تقطع (IJ) في A و تقطع (IK) في B ولتكن النقطة O منتصف [JK] المستقيمان (AK) و (JB) يتقاطعان في E أ - أثبت أنّ المثلث AJK قائم في A

ب- بيّن أنّ النقاط O و E و I على استقامة واحدة

ج - بيّن أنّ النقاط I و E و A و B تنتمي لنفس الدائرة

حدد مركزها ثمّ أرسمها

J ————— K

