

## مقارنة الأعداد الصحيحة النسبية

المدرسة الإعدادية النموذجية بالمنزه 5-  
الأستاذة زينب التكري



نصف المستقيم  $[OX)$  يمثل الأعداد الموجبة و نصف المستقيم  $[OX')$  يمثل الأعداد السالبة  
★ الأعداد مرتبة من الأصغر إلى الأكبر إذن الأعداد السالبة أصغر أو يساوي من صفر والأعداد الموجبة أكبر أو يساوي من صفر  
مثال  $0 < 2$  و  $-3 < 0$  ومنه  $2 < -3$   
الأعداد السالبة المخالفة لصفر أصغر من أي عدد موجب

إذا كان  $a \in Z$  و  $b \in Z_+$  فإن  $a \leq b$

إذا كان  $b \in Z_+$  و  $a \in Z_-$  فإن  $a < b$

★ لمقارنة عددين سالبان يمكن وضعهما على المستقيم المدرج العدد الأقرب للصفر (على اليمين) هو الأكبر مثال  $2 < -3$   
عددين سالبان أكبرهما هو الذي له أصغر قيمة مطلقة مثال  $(-19) > (-14)$  لأن  $19 < 14$

★ المقارنة باستعمال الفارق  
أتم الجدول التالي

علامة (a-b)	a-b	مقارنة a و b	b	a
سالب $(-4) \in Z_-$	-4	$6 < 10$	10	6
		$-5 \dots -8$	-8	-5
			-2	12
			2	-12

$a = b$  يعني أن  $(a-b) = 0$

$a \leq b$  يعني أن  $(a-b) \in Z_-$

$a < b$  يعني أن  $(a-b) \in Z_-^*$

$a \geq b$  يعني أن  $(a-b) \in Z_+$

$a > b$  يعني أن  $(a-b) \in Z_+^*$

أمثلة للمقارنة باستعمال الفارق

(1) لنقارن A و B حيث  $A = 2 + x$  و  $B = -3 - x$  و  $x \in Z_+$   
لذا نبحث عن علامة الفارق بين A و B (نحسب (A-B) أو (B-A) نفس الاستنتاج)  

$$B - A = (-3 - x) - (2 + x)$$

$$B - A = -3 - x - 2 - x$$

$$B - A = -5 - x - x$$

$$B - A = \underbrace{(-5)}_{\text{سالب}} + \underbrace{(-x)}_{\text{سالب}} + \underbrace{(-x)}_{\text{سالب}}$$

$$A - B = (2 + x) - (-3 - x)$$

$$A - B = 2 + x + 3 + x$$

$$A - B = 5 + x + x$$

$$(A - B) \in Z_+$$
 ومنه  $A > B$

إذن  $(B - A) \in Z_-$  ومنه  $B < A$

نفس النتيجة

(2) لنقارن A و B حيث  $A = -6 + x$  و  $B = 7 + y$  و  $x < y$   
لذا نبحث عن علامة الفارق بين A و B

$$A - B = (-6 + x) - (7 + y)$$

$$A - B = -6 + x - 7 - y$$

$$A - B = \underbrace{(-13)}_{\text{سالب}} + \underbrace{(x - y)}_{\text{سالب لأن } x < y}$$

سالب لأن  $x < y$  إذن  $(A - B) \in Z_-$  ومنه  $A < B$

**تمرين** رتب الأعداد التالية 23, 0, (-643), 65, (-12309)

قارن A و B في الحالات التالية

(1)  $A = 18 - [-9 - (x + 19)]$ ;  $B = 7 + [-8 - (-2 - x)]$  و  $x \in Z$

(2)  $A = 12 - [-4 - (7 + x)]$  و  $(x - y) = 5$  :  $B = 7 + (y - 12)$

(3)  $A = |-6 - 13| + |6 - 9| - x$ ;  $B = 13 + y$  حيث x و y متقابلان

### **تمرين عدد 3**

(1) أشر واختصر كتابة X و Y

$$Y = a(1 - b) + (a - 4)(b - 3)$$

(2) أ) استنتج أن  $X - Y = 2a - 2b - 6$

ب) إذا علمت أن  $b - a = 3$  قارن بين X و Y (مع التعليل)

ج) إذا علمت أن  $X < Y$  قارن بين a و b (مع التعليل)