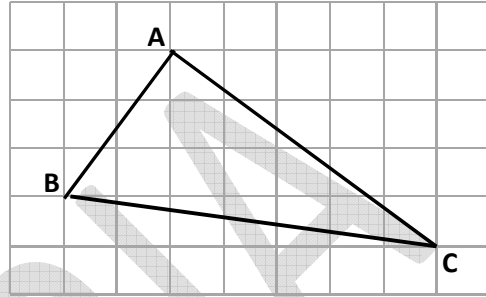


فرض تأليفي 2

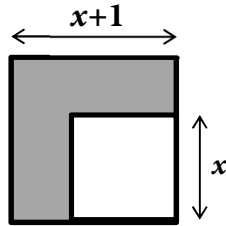
التمرين الأول: (4 نقاط)

(1) لاحظ الرسم التالي :



هل أن المثلث ABC قائم؟ علل إجابتك.

(2) لاحظ الرسم التالي :

مربع ضلعه $x+1$ و مربع ضلعه x .

احسب مساحة الجزء المملون.

(4) أكمل بما يناسب:

$$\left(\dots + \frac{1}{6}b\right)^2 = \dots + ab + \dots$$

(3) قارن بين a و b حيثُ :

$$a = \sqrt{20} + \sqrt{75}$$

$$b = \sqrt{45} + \sqrt{48} \quad \text{و}$$

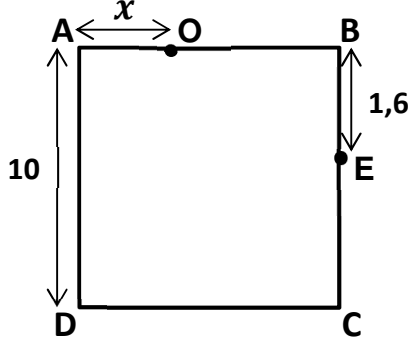
التمرين الثاني: (7 نقاط)

(1) نعتبر العدد الحقيقي $a = 2\sqrt{3}(\sqrt{3} + 2) + 1$ و $b = 3a^2 - 4$

$$\text{أ- بين أن } a = 7 + 4\sqrt{3}$$

ب- أكتب a في شكل جذاء مُعتبر.ج- فكك b الي جذاء عوامل.(2) ليكن العدد الحقيقي $c = 7 + \sqrt{108} - \sqrt{300}$. بين أن $c = 7 - 4\sqrt{3}$.(3) قارن بين العددين 7 و $4\sqrt{3}$. ثم استنتج علامة العدد c .(4) بين أن a هو مقلوب العدد c .(5) نعتبر العدد الحقيقي $d = a^2 + c^2$ أ- بين أن $d = (a + c)^2 - 2$. ثم أحسب d .ب- ليكن العدد $e = \sqrt{\frac{a}{c}} + \sqrt{\frac{c}{a}}$. أحسب e^2 ثم استنتج e .

التمرين الثالث: (4 نقاط)



لاحظ الرسم التالي حيث: ABCD يمثل مربع طول ضلعه 10

E نقطة من [BC] بحيث $EB=1,6$

و O نقطة من [AB] بحيث $OA=x$.

(1) أحسب DE .

(2) أحسب بدلالة x , OD^2 و OE^2 .

(3) بين أن المثلث ODE قائم في O يعني $x^2 - 10x + 16 = 0$.

(4) أ) بين أن: $x^2 - 10x + 16 = (x - 5)^2 - 9$

ب) فكك العبارة $(x - 5)^2 - 9$

ج) استنتج x ليكون المثلث ODE قائم في O.

(5) لتكن I منتصف [DE]. بين أن في حالة $x = 2$ فإن النقاط O, E, C و D ينتميان الى نفس الدائرة و حدّد مركزها و شعاعها.

التمرين الرابع: (5 نقاط)

ابن دائرة (ζ) مركزها O و شعاعها 4 و [BC] قطرها لها .

الموسّط العمودي لـ [OB] يقطع الدائرة (ζ) في نقطتين احدهما A و يقطع [OB] في النقطة H.

(1) بين أن المثلث OAB متقايس الأضلاع .

(2) أحسب البعد AH .

(3) ابن المستقيم (Δ) المماس للدائرة (ζ) في النقطة B . Δ يقطع (OA) في النقطة E .

أ) بين أن A مُنتصف [OE] .

ب) أحسب البعد OE ثمّ EB .

(4) أحسب AC .

(5) لتكن K المسقط العمودي للنقطة H على (AC).

أحسب بطريقتين مختلفتين البعد HK.

